



Universidade Federal de Uberlândia

## Disciplina de Sinais e Sistemas 2

### – Lista de exercícios extras para prova 1 –

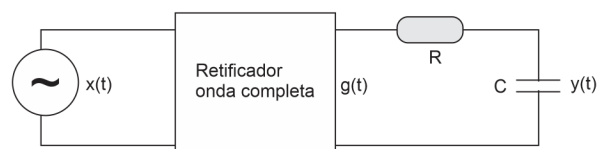
Conteúdos: **Transformada de Fourier em tempo contínuo e discreto**

*Prof. Alan Petrônio Pinheiro*

Faculdade de Engenharia Elétrica

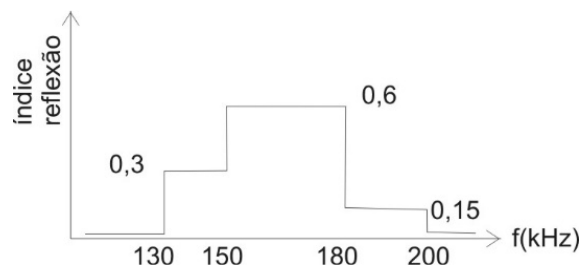
Versão 1.0 – 2018

1) Podemos projetar uma fonte de energia DC colocando em cascata um retificador de onda completa e um circuito RC conforme figura abaixo. A saída do retificador de onda completa é dado por  $g(t) = |x(t)|$ . Considerando uma entrada  $x(t) = \cos(2\pi 60t)$ , responda:



- Mostre a fundação  $H(j\omega)$  considerando que  $H(j\omega) = Y(j\omega)/G(j\omega)$ .
- Encontre quanto deve valer a constante RC para que a primeira harmônica da saída  $y(t)$  seja inferior a 1% do valor de pico da entrada.

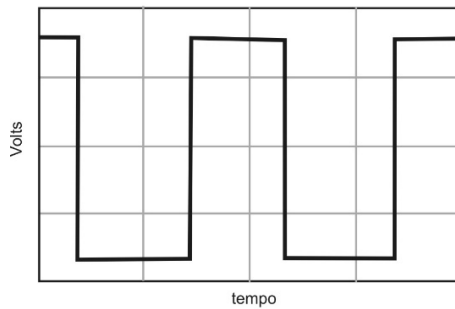
2) Considere que quando submetido a uma faixa de onda de ultrassom, a cana de açúcar responda ao sinal com o gráfico abaixo caso esteja em boas condições para o corte e sem estresse hídrico (lógico que o gráfico abaixo é um esboço grosseiro e todos seus valores foram aproximados para facilitar o entendimento). Esta curva foi levantada em laboratório considerando a fonte emissora a 2m de distância do topo da planta. Considere que um drone pode voar a esta altura e a ele é acoplado a mesma fonte emissora e receptora de ultrassom. O sinal emitido é constante (em potência) durante toda a faixa de frequência de varredura.



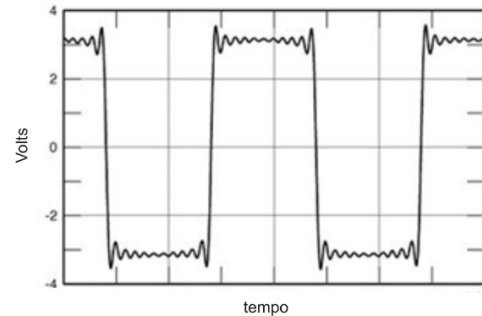
- Com base nas informações anteriores, esboce o modelo matemático da resposta da cana de açúcar 'saudável' a uma entrada de ultrassom nas condições postas no enunciado.

b) Considere o drone da questão. Como você faria um sistema, utilizando diagramas de blocos ou fluxogramas, para identificar áreas próprias para corte e áreas impróprias? Se preferir, explique por texto mais usando os termos técnicos e conhecimentos adquiridos nesta disciplina.

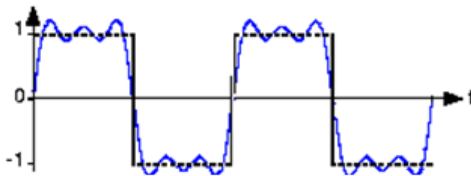
3) Um fenômeno relativamente comum é o dito efeito de Gibbs. Considere que em um determinado ponto de uma linha de transmissão qualquer injeta-se um sinal quadrado periódico como o ilustrado em (a). Ao propagar na linha, ele chega com uma forma de onda similar a ilustrada em (b). Com base nisso, responda:



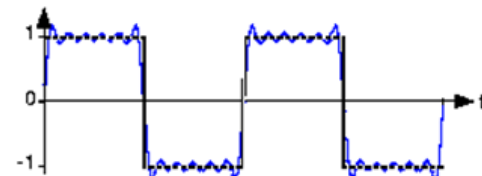
(a) Sinal injetado



(b) Sinal recebido



(c) Linha A



(d) Linha B

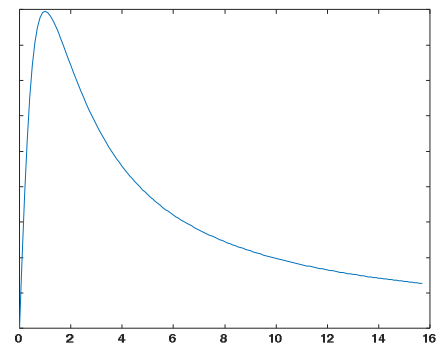
- O que você acha que aconteceu com o sinal na chegada? Por que isto ocorre?
- Estas ondulações que apareceram no sinal (b) são ruídos? Da onde elas vieram?
- Compare os sinais (c) e (d). Considerando que trata-se do mesmo sinal (quadrado) injetado em duas diferentes linhas, o que se pode dizer destas linhas?

4) Considere que um sistema mecânico de amortecimento foi projetado para ter uma resposta de frequência que obedeça a equação:

$$H(j\omega) = \frac{2}{a + bj\omega - \frac{1}{cj\omega}}$$

Considerando o caso onde  $a=b=c=1$ ; responda:

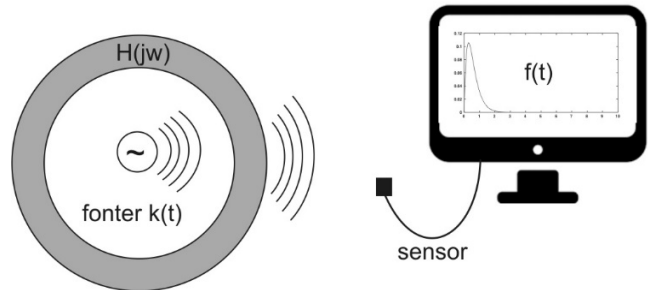
- Se este sistema for submetido a um impacto repetitivo de frequência  $2\pi$  (ou seja, 1Hz), como este sistema processa o impacto?
- Se este sistema for submetido a um impacto repetitivo de frequência  $1/2\pi$  (ou seja, 0.16Hz), como este sistema processa o impacto?



- c) Com base nisto, o que você pode dizer sobre a eficiência deste seu modelo? Para ajudar, considere que a curva de resposta em frequência dele tem formato similar ao visto na figura ao lado (o eixo horizontal é dado em  $\omega=2\pi f$ ).

5) Considere que um determinado corpo, formado por um tecido que foi caracterizado pela função  $H(j\omega)$ , teve seu sinal registrado por um determinado equipamento conforme ilustração.

Este sinal registrado pode ser modelado pela função  $f(t)$ . Toda vez que dentro deste corpo o sinal  $k(t)$  aparece, ele é registrado na saída (conforme figura) como  $f(t)$ .



$$H(j\omega) = \frac{1}{j\omega+3} \text{ e } f(t) = e^{-3t} - e^{-4t} \text{ (considerando } t \geq 0)$$

- a) Qual é a forma matemática de  $k(t)$  e  $K(j\omega)$ ?  
 b) Ainda, se desejarmos representar  $f(t)$  como  $f(n)$ , ou seja, discretizá-lo, qual seria a equação matemática de  $f(n)$  baseado em  $f(t)$ ?

6) Considere que dois diferentes sistemas são representados matematicamente por estas equações:

**Sistema A**

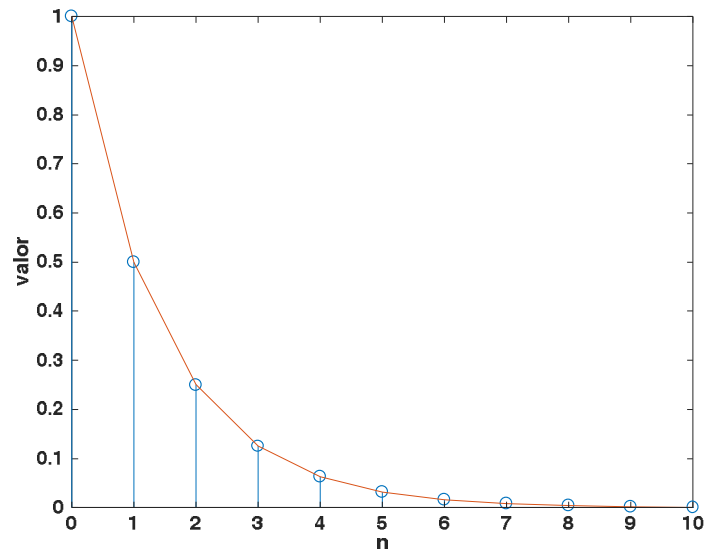
$$\frac{d^2y(t)}{dt^2} + 6\frac{dy(t)}{dt} + 8y(t) = 3\frac{dx(t)}{dt} + 2x(t)$$

**Sistema B**

$$12y[n-2] - 10y[n-1] + 2y[n] = 6x[n-1] + 4x[n]$$

- a) O que estes sistemas fazem com os sinais que são inseridos neles? Para isto, mostre seu comportamento matemático no domínio da frequência.  
 b) Escolha 1 valor de frequência (mesmo para ambos os sistemas) e indique o que cada um destes sistema produz em sua saída. Explique fisicamente o significado disto. Considere que o sistema digital tem taxa de amostragem de 100k amostras/seg.

7) Considere que um dado material foi aplicado um impulso elétrico de tensão (delta Dirac). O resultado foi um sinal contínuo que tem a forma abaixo:



Considere que a curva pode ser aproximada por uma exponencial da forma  $f(n)=a^n$ . Com base nisso, responda:

- Qual a resposta em frequência deste sistema?
  - Escolha 3 valores de frequência (com mesma fase). O que deve acontecer com as saídas quando se aplica estes três sinais ao material? Faça uma comparação relativa entre elas.
-